

متواليات – شتاء 2024

2. في المتولية الحسابية A معطى أن: $a_3 = -16 + 2k$ ، $a_1 = -4 - 4k$ هوParameter.

أ. جدوا بالنسبة لـ k تكون:

(1) المتولية A تصاعدية، (2) المتولية A تنازلية، (3) المتولية A ثابتة.

معطى أن: $a_{17} = -232$.

ب. جدوا قيمة k .

عُرضوا قيمة k التي وجدتموها، وأجيبوا عن البندين "جـ-د".

معطاة متولية جديدة، B ، حدودها معرفة على النحو التالي: لكل n طبيعي، $b_n = a_n + 25n + 12$.

جـ. برهنوا أن المتولية B هي حسابية.

دـ. احسبوا المجموع: $b_1^2 - b_2^2 + b_3^2 - b_4^2 + \dots + b_{29}^2 - b_{30}^2$

جدوا لأية قيم لـ K تكون (أ)

(1) المتولية A تصاعدية:

$$-4 - 4K < -16 + 2K$$

$$12 < 6K$$

$$K > 2$$

(2) المتولية A تنازلية:

$$-4 - 4K > -16 + 2K$$

$$12 > 6K$$

$$K < 2$$

(3) المتولية A ثابتة:

$$-4 - 4K = -16 + 2K$$

$$12 = 6K$$

$$K = 2$$

(ب) $\left\{ \begin{array}{l} K \text{ جدوا قيمة} \\ \end{array} \right\}$

$$a_n = a_1 + (n - 1)d$$

$$a_3 = a_1 + (2)d$$

$$-16 + 2K = -4 - 4k + 2d$$

$$2d = -12 + 6k$$

$$d = -6 + 3k$$

$$a_{17} = a_1 + (17 - 1)d$$

$$-232 = -4 - 4k + (16) \cdot (-6 + 3k)$$

$$-232 = -4 - 4k - 96 + 48k$$

$$-132 = 44k$$

$$k = -3$$

↓

$$a_1 = 8$$

$$d = -15$$

ج. برهنوا ان المتواالية B هي حسابية

$$a_n = 8 - 15(n - 1)$$

$$a_n = 23 - 15n$$

$$b_n = a_n + 25n + 12$$

$$b_n = 23 - 15n + 25n + 12$$

$$b_n = 10n + 35$$

$$b_{n+1} = 10(n + 1) + 35$$

$$b_{n+1} = 10n + 45$$

$$b_{n+1} - b_n = (10n + 45) - (10n + 35)$$

$$b_{n+1} - b_n = 10$$

↓

10 هي متواالية حسابية وفرقها هو b_n

$$\left\{ b_1^2 - b_2^2 + b_3^2 - b_4^2 + \dots + b_{29}^2 - b_{30}^2 \right\} \text{ احسبوا المجموع: } \quad .$$

$$\begin{aligned}
 & b_1^2 - b_2^2 + b_3^2 - b_4^2 + \dots + b_{29}^2 - b_{30}^2 \\
 &= \underbrace{(b_1 - b_2)(b_1 + b_2)}_{= -d(b_1 + b_2)} + (b_3 - b_4)(b_3 + b_4) + \dots + (b_{29} - b_{30})(b_{29} + b_{30}) \\
 &= -d(b_1 + b_2) - d(b_3 + b_4) + \dots - d(b_{29} + b_{30}) \\
 &= -d(b_1 + b_2 + b_3 + b_4 + \dots + b_{29} + b_{30}) \\
 &= -d \cdot S_{30}
 \end{aligned}$$

$$b_1 = a_1 + 25 + 12$$

$$b_1 = 45$$

$$d = 10$$

$$S_n = \frac{n(2a_1 + d(n-1))}{2}$$

$$S_{30} = \frac{30(2 \cdot 45 + 10(29))}{2}$$

$$S_{30} = 5700$$

$$-d \cdot S_{30} = -10 \cdot 5700$$

$$= -57000$$